

# Zavlažovače

Václav vlastní překrásnou zahrádku, která se skládá z  $M$  květin vysazených na rovné čáře. Na ni Václav také umístil  $N$  zavlažovačů, jimiž květiny zalévá.

Čísla  $s_1, \dots, s_N$  udávají pozice zavlažovačů (jejich vzdálenost od začátku čáry v metrech) a čísla  $f_1, \dots, f_M$  stejným způsobem udávají pozice květin. Obě tyto posloupnosti čísel máte zadané v neklesajícím pořadí, platí tedy:

- $s_1 \leq s_2 \leq \dots \leq s_N$
- $f_1 \leq f_2 \leq \dots \leq f_M$

Václav vyráží na CEOI a musí zajistit, aby všechny jeho květiny byly pravidelně zalévány, zatímco bude pryč. Toho chce dosáhnout tím, že každý zavlažovač nastaví tak, aby mířil doleva nebo doprava (ne nutně všechny stejně), a vhodně zvolí tlak  $K$  ve společné trubce, na niž jsou všechny zavlažovače napojeny.

Tím dosáhne toho, že je-li  $i$ -tý zavlažovač namířen doleva, zalije všechny květiny na pozicích od  $s_i - K$  do  $s_i$  (včetně), a je-li namířen doprava, zalije všechny květiny na pozicích od  $s_i$  do  $s_i + K$  (včetně). Zavlažovač tedy může zalévat i několik různých květin. Také nevadí, když jednu květinu zalévá více zavlažovačů.

Určete, jaký nejmenší tlak  $K$  postačuje (při vhodném nasměrování zavlažovačů) k tomu, aby všechny květiny byly zalité, nebo rozhodněte, že žádný tlak na to nestačí. V případě kladné odpovědi také nalezněte odpovídající způsob nasměrování jednotlivých zavlažovačů, který dosáhne toho, že při tlaku  $K$  jsou všechny květiny zalité. Existuje-li více takových způsobů, můžete vypsát libovolný z nich.

## Vstup

První řádka vstupu obsahuje dvě kladná celá čísla  $N$  a  $M$  oddělená mezerou. Druhá řádka obsahuje  $N$  nezáporných celých čísel  $s_1, \dots, s_N$  v neklesajícím pořadí, udávajících pozice zavlažovačů. Tato čísla jsou oddělená mezerami. Třetí řádka obsahuje  $M$  nezáporných celých čísel  $f_1, \dots, f_M$  v neklesajícím pořadí, udávajících pozice květin. Tato čísla jsou také oddělená mezerami.

## Výstup

Jestliže není možné zalít všechny květiny při žádném nastavení tlaku, vypište pouze číslo  $-1$ .

Jinak se výstup skládá ze dvou řádek. Na první z nich vypište číslo  $K$ , nejmenší tlak postačující k zalití všech květin. Na druhou řádku výstupu vypište řetězec  $c = c_1c_2 \dots c_N$  délky  $N$  popisující způsob nasměrování zavlažovačů takový, že všechny květiny jsou při tlaku  $K$  zalité. V řetězci  $c$  je znak  $c_i$  roven  $L$ , jestliže  $i$ -tý zavlažovač je v tomto způsobu nasměrování namířen doleva, a  $R$ , jestliže je namířen doprava.

## Příklady

### Příklad 1

Vstup:

```
3 3
10 10 10
5 11 16
```

Výstup:

```
6
LLR
```

Popsané nasměrování při tlaku 6 zajistí, že každá květina je zalévána alespoň jedním zavlažovačem. Tlak nižší než 6 nestačí, jelikož květina na pozici 16 je 6 metrů od nejbližšího zavlažovače.

### Příklad 2

Vstup:

```
1 2
1000
1 2000
```

Výstup:

```
-1
```

Jediný zavlažovač nemůže zároveň zalévat květinu nalevo i napravo od něj.

## Omezení

- $1 \leq N, M \leq 10^5$
- $0 \leq s_i \leq 10^9$  (pro každé  $i$  tž.  $1 \leq i \leq N$ )
- $0 \leq f_i \leq 10^9$  (pro každé  $i$  tž.  $1 \leq i \leq M$ )
- $s_i \leq s_j$  pro každé  $i \leq j$
- $f_i \leq f_j$  pro každé  $i \leq j$

## Podúlohy

1. (3 body)  $N = 1$
2. (6 bodů)  $N = 3x$  pro nějaké kladné celé číslo  $x$  a  $s_{3i+1} = s_{3i+2} = s_{3i+3}$  (pro každé  $i$  tž.  $0 \leq i \leq x - 1$ ). Tj., zavlažovače jsou umístěny ve skupinách po třech.
3. (17 bodů)  $N \leq 10, M \leq 1\,000$
4. (27 bodů)  $K \leq 8$  (tj., pro každý testovací vstup existuje způsob nasměrování zavlažovačů, který zalije všechny květiny při tlaku 8 nebo menším)
5. (47 bodů) *bez dalších omezení*